

Ex 4: Les points $P(-4; 3)$, $Q(8; 7)$ et $R(23; 12)$ sont-ils alignés ?

Coefficient directeur de (PQ) : $m = \frac{y_Q - y_P}{x_Q - x_P} = \frac{7 - 3}{8 - (-4)} = \frac{4}{12} = \boxed{\frac{1}{3}}$

Coefficient directeur de (QR) : $m' = \frac{y_R - y_Q}{x_R - x_Q} = \frac{12 - 7}{23 - 8} = \frac{5}{15} = \boxed{\frac{1}{3}}$

Comme $m = m'$ alors P, Q et R sont alignés.

Ex 5: Soient (D_1) et (D_2) les droites d'équations :

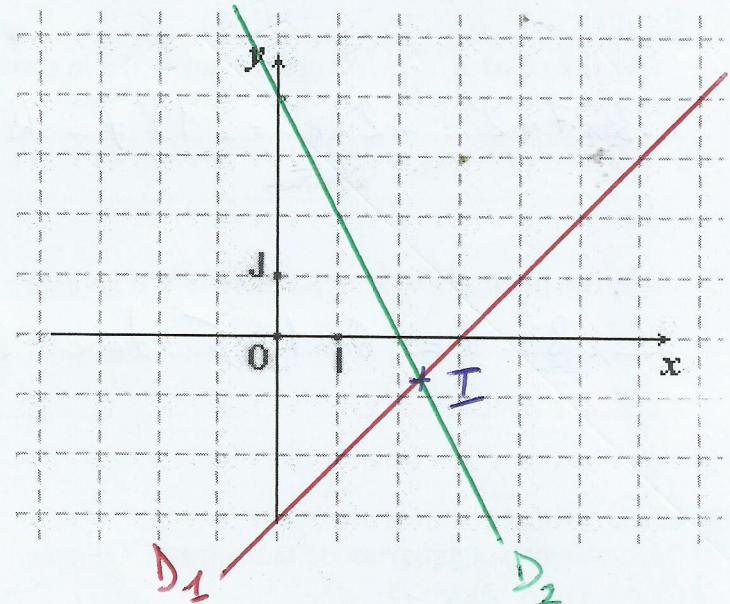
$$(D_1): y = x - 3$$

$$(D_2): y = -2x + 4$$

1) Construire les droites (D_1) et (D_2) dans le repère ci-dessous :

$$D_1: \begin{array}{c|c|c} x & 0 & 3 \\ \hline y & -3 & 0 \end{array}$$

$$D_2: \begin{array}{c|c|c} x & 0 & 2 \\ \hline y & 4 & 0 \end{array}$$



2) Déterminer les coordonnées du point d'intersection I des droites (D_1) et (D_2) :

Les coordonnées du point d'intersection sont les solutions du système :

$$\begin{cases} y = x - 3 \\ y = -2x + 4 \end{cases}$$

On résoud alors $x - 3 = -2x + 4$ En remplaçant $y = \frac{7}{3} - \frac{3}{3}$
 $x + 2x = 4 + 3$

$$3x = 7$$

$$x = \boxed{\frac{7}{3}}$$

$$y = \frac{7}{3} - \frac{9}{3} = \boxed{\frac{2}{3}}$$

Donc $I\left(\frac{7}{3}; -\frac{2}{3}\right)$