

Définition

La fonction \exp , notée « exp », est la fonction définie sur \mathbb{R} qui, à tout nombre réel x , associe le nombre réel strictement positif e^x .

Propriétés

$$\exp(0) = e^0 = \dots ; \quad x \in \mathbb{R} ;$$

Propriétés algébriques

Pour tout réel x , on a : $e^x > 0$;

x Pour tous réels x et y , on a : $e^{x+y} = e^x \cdot e^y$;

x Pour tout réel α et tout réel x , on a : $e^{\alpha x} = (e^x)^\alpha$;

x Pour tout réel x et tout réel q , on a : $(e^x)^q = e^{qx}$;

3 Dérivée

La fonction exponentielle est dérivable sur \mathbb{R} et sa dérivée est égale à elle-même :

$$\forall x \in \mathbb{R}, (e^x)' = e^x$$

La fonction e^x est croissante sur \mathbb{R} . Il en découle :

- Pour tous réels x et y , on a : $x < y \Leftrightarrow e^x < e^y$;
- Pour tous réels x et y , on a : $x > y \Leftrightarrow e^x > e^y$.

II) Etude de la fonction exponentielle

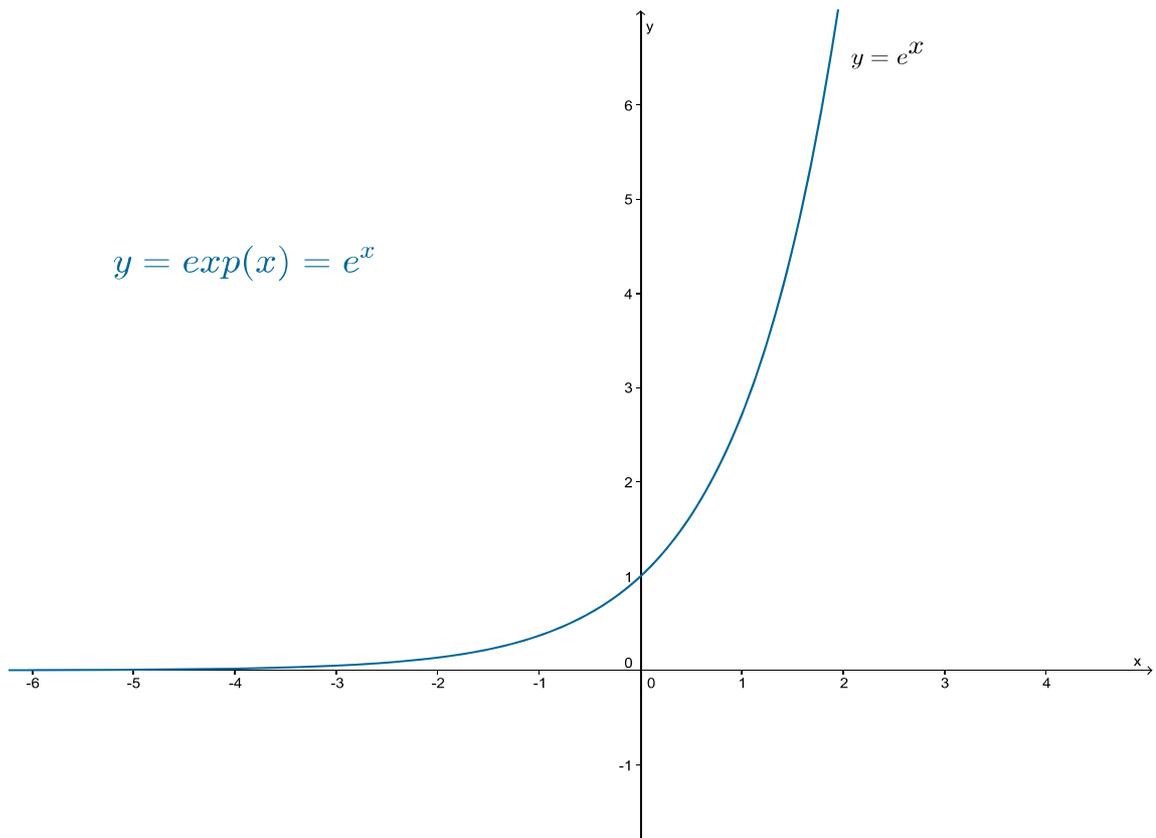
1) Limites aux bornes de l'ensemble de définition

$\lim_{x \rightarrow -\infty} \exp(x) = \dots\dots$
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \exp(x) = \dots\dots$

2) Tableau de variation

x	
$exp'(x) = exp(x)$	
$exp(x)$	

3) Courbe représentative



Courbe représentative de la fonction exponentielle

III) Résolution d'équation avec exponentielle

Pour tout réel $m > 0$, $\ln m$ est l'unique solution de l'équation $e^x = m$.

Exemples : Résoudre les équations suivantes :

$$e^x + 3 = 5$$

$$e^{(x-5)} = 8$$

V) Limites fondamentales

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{\ln x}{x^n} \right) =$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} (x^n \ln x) =$$

Exemples : Calculer les limites suivantes :

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\frac{\ln x}{x^3} \right) + 2x - 5 =$$

$$\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} (x^2 \ln x + 3x - 1) =$$

VI) Dérivée de $\ln(u(x))$

Pour toute fonction u à valeur strictement positive, définie et dérivable sur un intervalle I , on a :

Fonction	Dérivée
$\ln(u(x))$	

Exemples : Dériver les fonctions suivantes :

$$f(x) = \ln(2x - 7)$$

$$g(x) = \ln(x^2 + 4x - 3)$$